

**8. Klasse Gymnasium  
 Probe im Fach Mathematik  
 Bayern, LehrplanPLUS**

- Arbeite zügig
- Schreibe w
- Brüche als
- Der im Unt
- Übungssche
- Taschenre
- Wird bei ei
- Definition

ordentlich.  
 ine Rechenwege müssen bei a  
 ständig gekürzt und falls mögli  
 rechner darf verwendet werde  
 inn, wenn es unbedingt nötig i  
 ten, steht bei diesen Aufgaben  
 smenge angegeben oder erfrag

ehbarsein!  
 eben werden.  
 inner in diesen  
 fgaben mit  
 icken

**Aufgabe**  
 Gib einen  
 Definition

**e Funktionen aufstellen**  
 m einer gebrochen-ratio  
 nd die waagrechte Asym

(2 P)

die

**Aufgabe**  
 Gib an, w  
 gehört. Be  
 ausgesch  
 ihn sprich

**e Funktionen** (4 P)  
 m abgebildeten Graphen  
 lung, indem du für jeden  
 und angibst, der gegen

(4 P)

$$f_1(x) = \frac{2}{x-1}$$

$$f_2(x) = \frac{-1}{x+2}$$

$$f_3(x) = \frac{1}{x+1}$$

$$f_4(x) = \frac{2}{x+3}$$



**Aufgabe**

**chsen-rationaler Funkti**

(2+6+4 P)

Gegeben

$$f: x \rightarrow \frac{1,5}{x-2} \text{ und } g: x \rightarrow \frac{-2}{x+1}$$

nd  $G_g$ .

- a) Gib die
- b) Berech
- der Fo
- c) Veränd
- keinen
- tatsäch

mengen  $D_f$  und  $D_g$  an.  
 Schnittpunkte der Graphen  
 ) so, dass eine Funktion g  
 en Term  $g^*(x)$  an und wei  
 orliegt.

Ergebnis in

mit  $G_f$

ss

**Aufgabe**

**Brüche und gebrochen-rationale**

(4+3 P)

Gegeben

den Funktionsterm  $f(x) = \frac{3}{x}$

a) Weise

die Funktionen  $\frac{4x-1}{2x-4}$  äquivalent sind.

b) Berechne

den Nenner auf möglichst einfache Weise

**Aufgabe**

**1**

(4+4 P)

a) Die Dicke

eines Goldbarrens  $m$  und dem Volumen  $V$

berechnet

werden

bestimmt. Berechne anschließend

die

Goldbarrens

aus der Dichte von Gold  $\rho$

auf zwei

Dezimalstellen

b) Der Flächeninhalt

eines Trapezes kann mit der Formel

$$A = \frac{1}{2} (a + c) \cdot h$$

beschrieben werden. Löse die Formel nach

der Seitenlänge  $c$

auf. Berechne dann die Seitenlänge  $c$



$m$

(auf zwei

Arbeitszeit: 45 Minuten

(4 Punkte)

**LÖSUNG**

**Aufgabe**

$$f(x) = \frac{1}{x+2}$$

Die einfache

Form  $f(x)$

Einsetzung

Bruchtern

Weil  $y = 4$

werdende

alen Funktionen, die zu d

nsmenge  $D = \mathbb{Q} \setminus \{-2, 5\}$

durch 0 führen muss. Al

alen Funktion  $x + 2,5$  ste

otote sein muss und der S

wird, muss  $c = 4$  gelten.

ben die

er größer

**Aufgabe**

Der abge

$y = 3$ . Daz

Asymptote

**Funktion**

aber der F

Zum Graph

Anmerkun

$f_4$  den  $y$ -V

kommen k

2 einsetzt

von  $f_2$ .

$$f_1(2) = \frac{2}{2-}$$

$$f_3(2) = \frac{12}{2+}$$

krechte Asymptote  $x = 1$

ionen  $f_1$  und  $f_2$ . Der **Graph**

**Graph von  $f_4$  hätte  $x = -$**

n Graphen, da  $f_1(0) = \frac{2}{0-}$

abgebildeten Graphen l

**Funktion  $f_2$ .**

, dann erhält man nicht n

leren Einsetzung hätte m

es Kriterium wie die Asym

n  $y$ -Wert 1. Also liegt de

ymptote

die

otote.

gilt,

bei  $f_3$  und

Ziel

Wenn man

n Graphen

**Aufgabe**

a)  $D_f = \mathbb{Q} \setminus$

b) Um die

zuerst e

$f(x) = g$

$$\frac{1,5}{x-2} =$$

$$\frac{1,5 \cdot (x-1)}{x-2}$$

$$1,5 \cdot (x-1)$$

$$1,5x +$$

$$4x = 3$$

$$x = \frac{3,5}{4}$$

n berechnen zu können,

nn Schritt für Schritt nach

$$\cdot (x + 1)$$

$$-1)$$

$$+ 2,5x - 1,5$$

$$4$$



Wer

plizi

Dab

$$\frac{a}{b} =$$

erme

er-Kreuz-Multi-

er Schritt weg.

g der Form

formt.

Wenn man in  $f(x)$  oder  $g(x)$  setzt man in  $f(x)$  oder  $g(x)$  in beiden Fällen erhält man

$$y = g(0) = -\frac{4}{3} = -1\frac{1}{3} = \underline{\underline{-1,3}}$$

$\Rightarrow S(0, -1,3)$

Im oberen rechten Quadranten, die senkrechte Schnittstelle

Das untere linke Quadrant, die Aufgabe c und zeigt, dass  $G_f$  und  $G_{g^*}$  nicht sich schneiden. Graph  $G_g$ .

Veranschaulicht

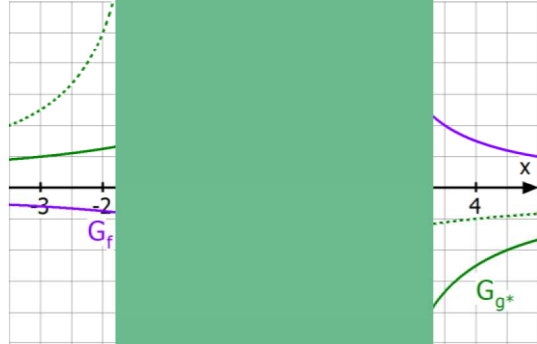


c) Wenn  $f(x)$  und  $g(x)$  sich schneiden, dann ist der Schnittpunkt  $(2,5, -2)$

$$f(x) = \frac{1,5}{x-2} = 1,5 =$$

Also gibt es einen Schnittpunkt zwischen den Graphen  $G_f$  und  $G_g$ .

Veranschaulicht



### Aufgabe 2

a) Um die Summe  $f(x) + g(x)$  zu berechnen, bietet es sich an, die Summe  $f(x) + g(x)$  umzuwandeln

$$\frac{3,5}{x-2} + \frac{2(x-2)}{x-2} = \frac{3,5 + 2x - 4}{x-2} = \frac{2x - 0,5}{x-2}$$

b) Nach Teil a) ist  $f(x) + g(x) = \frac{2x - 0,5}{x-2}$ , dass  $f(x) + g(x) = \frac{3,5}{x-2} + 2 = \frac{4}{x-2}$  die Nullstelle

Nullstelle  $f(x) + g(x)$  berechnen:

$$f(x) + g(x) = 0 \\ \frac{4x-1}{2x-4} = 0 \\ 4x - 1 = 0 \\ 4x = 1 \\ x = \underline{\underline{0,25}}$$

← Auch ohne diese Umformung kann man die Nullstelle berechnen, indem man nur der Zähler unter Null setzt.

**Aufgabe**

a)  $\rho = \frac{m}{V}$

$\rho V = m$

$V = \frac{m}{\rho}$

b)  $A = \frac{1}{2} ($

$\frac{2A}{h} =$

$\frac{2A}{h} -$

$c = \frac{2 \cdot 4}{6} -$

$- 10 \text{ m} = \underline{7.5 \text{ m}}$

Möglicher

Punkte	0 bis 13,5	13,5 bis 18	18,5 bis 23	23 bis 28	28 bis 33
Note	5	4	3	2	1